

МОДЕЛ
НА НАЦИОНАЛНОТО ВЪНШНО ОЦЕНЯВАНЕ
ПО МАТЕМАТИКА В X КЛАС
ЗА УЧЕБНАТА 2019 – 2020 ГОДИНА

1. Цели на НВО в X клас съгласно чл. 44, ал. 1 от Наредба № 11 за оценяване на резултатите от обучението на учениците:

- диагностика на индивидуалния напредък и на образователните потребности на учениците от X клас;
- мониторинг на образователния процес за прилагане на политики и мерки, насочени към подобряване на качеството на образованието;
- установяване на степента на постигане на *отделни* очаквани резултати от обучението по математика, определени в учебната програма за съответния клас от първия гимназиален етап;
- установяване на степента на постигане на *отделни* очаквани резултати от обучението в края на първи гимназиален етап по математика, определени в държавния образователен стандарт за общеобразователна подготовка;
- измерване на степента на постигане на *отделни* компетентности, свързани с математиката и математическата грамотност, придобити в класовете от първия гимназиален етап.

2. Вид и времетраене:

- равнището на компетентностите се проверява *писмено чрез тест* с общо 17 задачи;
- времетраенето е 90 минути (два слети учебни часа), а за учениците със специални образователни потребности – допълнително над определеното време.

3. Учебно съдържание:

3.1. Системата от задачи по математика се определя от задължителното учебно съдържание, съгласно утвърдените учебни програми по математика от VIII до X клас като се прилагат знанията и уменията, придобити в обучението до X клас включително.

3.2. Оценявани знания, умения и отношения, определени от държавния образователен стандарт за общеобразователна подготовка за първи гимназиален етап.

Оценявани знания, умения и отношения

(според ДОС за общеобразователна подготовка)

Познава реалните числа и умее да ги изобразява върху реалната права, сравнява ирационални числа, записани с квадратен корен и извършва операции с тях.

Решава квадратни уравнения по формулата за намиране на корените им и прилага формулите за връзка между корени и коефициенти на квадратно уравнение.

Извършва тъждествени преобразувания на рационални и ирационални изрази (съдържащи квадратни корени).

Решава:

- рационални уравнения, свеждащи се до линейни или квадратни;
- рационални неравенства без параметър, включително и по метода на интервалите;
- системи уравнения от първа и втора степен с две неизвестни без параметър чрез заместване или събиране;
- системи линейни неравенства с едно неизвестно без параметър;
- ирационални уравнения без параметър, записани с квадратни корени, съдържащи до два радикала.

Знае основните равнинни геометрични фигури: триъгълник, четириъгълник, правилен многоъгълник и окръжност, основните забележителни точки в триъгълник, взаимното положение на прости и окръжности и може да прилага техните свойства.

Знае признаките за подобни триъгълници и умее да ги прилага.

Знае:

- метрични зависимости в правоъгълен триъгълник и умее да го решава;
- синусова и косинусова теорема;
- умее да решава произволен триъгълник;
- умее да решава правоъгълен и равнобедрен трапец;
- умее да решава успоредник.

Определя по вид и намира ъгли, свързани с окръжност, познава вписани и описани многоъгълници, прилага метрични зависимости в окръжност.

Познава успоредност и перпендикулярност между прости и равнини в пространството и умее да ги прилага за намиране на елементи на права призма, пирамида, цилиндър, конус, сфера и кълбо.

Знае:

- понятието чисрова функция, начини на задаване;
- понятията линейна и квадратна функция;

– свойствата на линейната и на квадратната функция (монотонност, най–голяма и най–малка стойност).

Умее да построява графики на линейна и квадратна функция.

Пресмята стойности на:

- изучените рационални функции и на аргумента им;
- тригонометрични функции при зададен аргумент и на аргумента при зададена стойност на тригонометричната функция (за ъглите 30^0 , 45^0 , 60^0).

Прилага формулите за:

- лица на равнинни фигури;
- лица на повърхнини и обеми на права призма, пирамида, цилиндър, конус, сфера и кълбо.

Конструира числова редица по дадено правило, знае аритметична и геометрична прогресия и техните свойства, решава практически задачи, свързани със сложна лихва.

Разбира на конкретно ниво смисъла на логическите съюзи „и“, „или“, „ако..., то...“, отрицанието „не“ и на релациите „следва“ и „еквивалентност“.

Разбира на конкретно ниво смисъла на понятията „за всяко“, „съществува“, „необходимо условие“, „достатъчно условие“ и „необходимо и достатъчно условие“.

Прилага метода на еквивалентните преобразувания при решаване на уравнения, неравенства и системи.

Разграничава еквивалентни от нееквивалентни преобразувания при решаване на ирационални уравнения.

Умее да конкретизира общовалидно твърдение и обосновава невярност на твърдение с контрапример.

Образува на конкретно ниво отрицание на твърдение.

Преценява вярност, рационалност и целесъобразност при избор в конкретна ситуация и обосновава изводи.

Умее да декомпозира стереометрична задача на планиметрични.

Знае понятието множество, операции и релации, свързани с него, умее да ги прилага в практически задачи.

Разграничава съединения без повторение в конкретна ситуация и ги пресмята по правилото за събиране, по правилото за умножение на възможности или по съответните формули.

Знае понятието класическа вероятност и умее да пресмята класическа вероятност в практически задачи.

Умее да намира сечение/обединение на множества и допълнение и подмножество на дадено множество.

Знае понятията генерална съвкупност и извадка.

Умее да намира централните тенденции в данни – мода, медиана, средноаритметично.

Разчита, интерпретира и оценява информация, представена с графики, с таблици или с диаграми.

Знае понятието вектор, операциите събиране и изваждане на вектори, умножение на вектор с число.

Моделира:

- с квадратна функция;
- с уравнения, свеждащи се до квадратни;
- с дробни уравнения;
- със система уравнения от първа или втора степен с две неизвестни.

Оценява съдържателно получен резултат, коректност на аргументи и ги интерпретира; предвижда в определени рамки очакван от моделирането резултат.

Моделира процеси с прогресия.

Моделира с пермутации, комбинации и вариации.

4. Видове и брой задачи:

- **17** задачи, от които:
 - **15** задачи с избираем отговор, с четири възможни отговора, от които точно един е правилният;
 - **2** задачи с разширен свободен отговор за решаването на които ученикът представя в писмен вид необходимите обосновки.
- Учениците могат да използват свитък с формули.

**Представените задачи са само примерни и не следва да се възприемат като типови задачи, които задължително ще се включват във всеки тестов вариант за НВО в края на X клас. Проверяваните знания и умения ще са съобразени с отделни очаквани резултати от ДОС за общообразователна подготовка и от учебните програми, като формулировките на съответните тестови задачи няма да следват един и същ типизиран модел и ще предполагат вариативност.*

4.1. Примерни задачи с избираем отговор, от които само един е верен:

1. Подредете числата $5\sqrt{2}$, $2\sqrt{13}$ и 7 във възходящ ред.

A) $7, 5\sqrt{2}, 2\sqrt{13}$

Б) $2\sqrt{13}, 7, 5\sqrt{2}$

В) $2\sqrt{13}, 5\sqrt{2}, 7$

Г) $5\sqrt{2}, 2\sqrt{13}, 7$

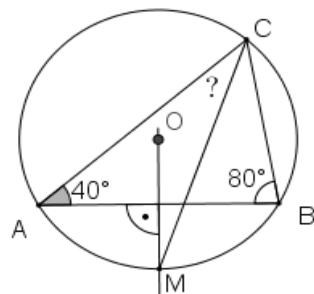
2. На чертежа точка O е центърът на описаната около $\triangle ABC$ окръжност. Ако $OM \perp AB$, $\angle CAB = 40^\circ$ и $\angle ABC = 80^\circ$, намерете мярката на $\angle ACM$.

A) 20°

Б) 30°

В) 40°

Г) 60°



3. Числената стойност на израза $\sin 30^\circ + \sqrt{2} \cdot \cos 45^\circ$ е:

А) 1

Б) $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$

В) $\frac{3}{2}$

Г) $\frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{2}$

4.2. Примерна задача с разширен свободен отговор решението, на която се представя в писмен вид и необходимите обосновки:

Решете уравнението $ax^2 + bx + c = 0$, където:

– коефициентът a е корен на уравнението $\sqrt{x+3} - x - 1 = 0$;

– коефициентът b е най-малката стойност на функцията $f(x) = x^2 - 2x - 4$;

– коефициентът c е най-голямата стойност на функцията $g(x) = -2x^2 + x + 7$ в интервала $[1; 3]$.

5. Оценяване

Оценяването се осъществява по стандартизиирани критерии, като всяка задача се оценява с брой точки, който съответства на спецификата, трудността и логиката на решението на задачата.

6. Резултати от HBO

Резултатът от HBO по математика в края на X клас се вписва в удостоверението за завършен първи гимназиален етап и се изразява само с количествен показател – в брой точки, без да се приравнява към оценка.

Въз основа на резултатите от HBO в края на X клас се извършва прием в XI клас на ученици, които са завършили първи гимназиален етап на средното образование в обединените училища.